

$$\hat{\beta}_{*} \in Gl_{n-1}(\mathbb{Z}[\pm 1])$$